

766i
METHODUS

INVENIENDI

533.e.23.
8

**LONGITUDINEM
MERIDIANORUM**

Tám in Mari, quàm in Terrâ

EX ASTRONOMICIS.

Authore JOH. PETR. BIESTERO, M. D. K



C. 1816

LONDINI:

Impensis THOMÆ COX, ad insigne Agni subter Can-
bium Regium, CORNHILL. 1726.

METHODUS

1757

LONGITUDINEM
MERIDIANORUM

Tam in Mari quam in Terra

EX ASTRONOMICIS

Auctore Joh. Petr. Blietero, M.D.



C 1616

LONDINI:

Impensis Thomæ Cox, ad insignæ Agni subter Crucem.
pium Regium, Cornhill, 1756.

SCIENTISSIMI ac POTENTISSIMI PRINCIPES,
AUGUSTISSIMI REGES,

Serenissimis ac Potentissimis

PRINCIPIBUS

Sicut &

Illustrissimæ ac Potentissimæ

REIPUBLICÆ.

Ilicitas est habenda maxima, Musarum
Quibus res, de inveniendâ longitudine in mari,
ri, curæ fuit.

GERUM INCEPATUM TE-
NENT, se proficiunt Musarum Nutritores,
Musarum Promotores, Musarum Protectores.
Infelicitas, quando iidem se sistunt
Musarum Devastatores, Musarum Ofores,
Musarum Suppressores.

PRINCIPIBUS

Illustrationes ac Potentissimas

REIPUBLICAE.

Quibus, et inveniuntur, longioribus in m.

DEDICATIO.
SERENISSIMI AC POTENTISSIMI PRINCIPES,

AUGUSTISSIMI REGES.

DOMINI LONGE CLEMENTISSIMI,

SICUT ET

ILLUSTRISSIMÆ AC POTENTISSIMÆ REIPUBLICÆ

ILLUSTRISSIMI APXONTEZ,

DOMINI

SUBMISSISSIMÆ VENERATIONE HONORANDI.

Felicitas est habenda maxima, Musarum Filiis, quando, qui SCEPTRA GERUNT, qui PRINCIPATUM TENENT, se profitentur Musarum Nutritores, Musarum Promotores, Musarum Protectores. Infelicitas, quando iidem se sistunt Musarum Devastatores, Musarum Osores, Musarum Suppressores.

DEDICATIO.

Quantum non capiunt incrementum Scientiæ, quando ad studia propensi honoribus, beneficiis ac præmiis magis magisque ad eadem incitantur. Quanta verò resurgit barbaries, si Musæ vili habentur, imò persequuntur.

O verè Felix Nostrium Seculum, quod nescit de POTENTIBUS Musarum Persecutoribus. Iterumque verè Felix, quod agnoscit tot POTENTES Musarum Summos Promotores, qui Musis favent, illasque suò dignantur Patrociniò.

Quod VOBIS POTENTISSIMI PRINCIPES, VOBISQUE ILLUSTRISSIMÆ REIPUBLICÆ ALEXONÆ, VESTRISQUE POTENTISSIMIS, ac ILLUSTRISSIMIS ANTECESSORIBUS, sub quorum auspiciis præmia sunt destinata *invento, eruere ex solidis certisque principiis longitudinem loci cujusdam incognitam, ubi ubi id sit,* merito dandus sit locus inter primos ILLORUM PRINCIPUM, ac RERUM PUBLICARUM, quibus incrementum Scientiarum curæ est, nec ipsa negabit invidia.

DEDICATIO.

Cujus Suada sufficiet satis extollere hunc
VESTRUM, VESTRORUMQUE POTENTIS-
SIMORUM ac ILLUSTRISSIMORUM
ANTECESSORUM erga Musas Favo-
rem? Ex meritò evchere VESTRAM
succurrendis scientiis propensionem? VES-
TRAM pro Scientiarum incrementò cu-
ram? Ego me fateor huic rei maximè im-
parem; nec a me aggrediendam videtur
esse rem, cujus excellentia meum longè supe-
raptum.

Ignoscetis itaque DOMINI LONGE CLE-
MENTISSIMI, DOMINIQUE SUBMISSISSIMA
VENERATIONE HONORANDI, quod de
MERITIS VESTRIS, gratiâ Patrocinii Scien-
tiarum, dicere non audeam, cum id dignè
facere non confidam; potius itaque censens,
non dicere, quàm malè dicere.

VESTRA MERITA, tam in genere
in Publicum, quàm in specie in Publi-
cum Literatum, absque ut mea Musa de
illis loquatur, sunt toti Europæ tam cogni-
ta, ut illa eadem maximè admiretur.
Quid dico Europæ? Fama de illis se non
in finibus Europæ contineri sivit, sed ad dis-
sitissimas evolavit Regiones, & illarum In-
colas

DEDICATIO.

colas in non minorem traxit admiratio-
nem.

Talibus VESTRIS in Musas MERITIS to-
tus Musarum chorus, unanimi consensu, me-
rito accendit thura. Quisquis Musis dedi-
tus merito sacrificia submississimæ gratitudi-
nis VESTRIS offert ALTARIBUS ea, quæ
ipsius tenuitas optima offerre scit.

Gentilibus, qui ultra quàm vulgus phi-
losophati sunt, fuit creditum, Diis quæque
in se vilia, satis esse accepta, si modò devo-
tò offerentur animò, & sint optima atque
charissima, quæ offerens sciret offerre.

Ad horum exemplum creditur Musa-
rum Filiis, Vos sacrificia illorum, vilia
quidem respectu VESTRI, non esse rejec-
turos, si modò illa devotò offerentur ani-
mò, & sint optima atque charissima, quæ
illi offerre sciunt.

Atque hòc argumentò persuasus & ego
mihì sumo licentiam, VOBIS DOMI-
NI LONGE CLEMENTISSIMI, VOBIS-
QUE DOMINI SUBMISSISSIMA VENERA-
TIONE HONORANDI, humillimè of-
ferre,

DEDICATIO.

ferre, & devotô animô, & quod mihi est optimum & charissimum, *Methodum hanc inveniendi longitudinem Meridianorum ex Astronomicis, ubi ubi id sit*; rem, quæ ob ipsius utilitatem maximè semper fuit desiderata; imò ut plus dicam, quam Vos VESTRA curâ dignam habuistis.

Hanc submississimâ veneratione ego offero, humillimè petens, ut eandem ad VESTRA SOLIA REGIA, VESTROSQUE ILLUSTRISSIMOS CONSESSUS admittere, non dedignemini; Sed dignemini, quam committatis censuræ illorum, quos de talibus *sententiam verè dicere valere, sincerèque dicere velle*, sentietis; & inventâ illius soliditate, habeatis commendatos VESTRÆ GRATIÆ, VESTROQUE FAVORI ipsam, ipsiusque *Authorem*.

Qui SANCTISSIMUM NUMEN devotissimis implorat precibus, ut sub VESTRO REGIMINE, & sub VESTRA DIRECTIONE, VESTRA REGNA, & VESTRA RESPUBLICA maximè floreat; Vosque IPSI semper fruamini omnibus Felicitatibus, quæ MAGNOS PRINCIPES,

DEDICATIO

PES, quæ RERUM PUBLICARUM PROCE-
RES, verè beare possunt, usque dum Æter-
nâ Felicitate frui dabitur. Sic petit ex in-
timô, integerrimô, & humillimô animi
affectu,

DOMINI LONGE CLEMENTISSIMI

DOMINIQUE SUBMISSISSIMA VENERATIONE

HONORANDI,

Vester Humillimus Servus

AUTHOR.

PRÆFATIO.

QUI assentit huic asserto ; quod Deus & Natura nihil faciant frustra ; ille certò certius assentiet & huic : quod Deus mare non fecerit frustra. Tantum aberit, ut Deus mare fecerit frustra, ut potius certissimè asseverandum, illud in maximum a Deò esse procreatum usum.

Minimè hic videtur ille solum considerandus usus maris, quod illud tot producat, atque nutriet ventia, aliaque sanè miranda ; nobis in tantum cognita, Deus scit in quantum incognita. Maximus præterea erit generi humano ille, quod Deus mare ita creaverit, ut illud transnavigationibus inservire possit, quò ad dissitissimas Regiones, Insulasque (ad quas alius non datur accessus) perveniri dètur ; quò merces ab aliis telluris locis ad alià, eaque, si placet, dissitissima transferri possint ; quò, cum Deus, ex singulari Divinà Gratià, sua dona variè distribuerit, ab alterà Regione peti queat, quò alteri deest.

Quod Sapientissimum Numen, in creatione maris, & hunc respexerit finem, ut illud inserviat

transnavigationibus, quò populis detur commercium invicem; inter alia videtur confirmare hoc, quod ipsi benignissimè placuit, talia generi humano concedere media, transnavigationum usui inservientia, quorum ope, perito Directori navis, in mari nulla invia est via; utpote qui per ipsum magnum Oceanum, ubi nulla inveniuntur viarum vestigia, ex illis sibi scit invenire viam ad loca dissitissima, Orientalia, Occidentalia, quam inveniri posse, rei nauticæ imperito impossibile videbitur.

Quam securus hîc est Index Acus Magnetica, cujus cuspides ubicunque; sive noctu, sive interdiu; sive aëre sereno, sive nubilo, sive pluvioso; sive vento flante e Septentrione, sive e meridie, sive ex aliis plagis; sive tempestate tranquillâ, sive vehementi; sive mari quieto, sive a procellis agitato; ad Polos Magneticos, Septentrionalem & Meridionalem diriguntur.

Quantum hic juvant Sol & Stellæ fixæ; inveniendæ nempe dictæ Acus Magnetica declinationi; & magis, inveniendæ locorum latitudini ab Aequatore Telluris, vel Septentrionali vel Meridionali.

Quantum non juvant peritum Nautam: Ex celeritate cursus navis; exque cursu ipso ad mundi plagam, ad quam, ratione pyxidis nauticæ, ille dirigitur; colligere ratioeiniò vere rationali, de loco Telluris, quò ipsi putandum, suam esse navem.

Sane hæc subsidia sunt tanti usus, ut horum ope hætenus itinera transmaritima, ad dissitissimas Regionès, Orientales, Occidentales, non infelicitè sunt peracta.

Sed

P R A E F A T I O .

3

Sed, cum ratione ultimi, non haberi possit desiderata exactitudo; *neque ratione celeritatis cursus*, (ob inaequalem præcipuè venti vehementiam); *neque ratione cursus ipsius, ad quam is aestimandus plagam*, (ob fluxus aquarum in mari, navem a cursu, quò iri videtur, divertentes); *neque ratione mensuræ, quâ navigantes utuntur, pro indagandâ celeritate cursus*, (cum, quotnam nodi mensuræ illius milliari Geometrico dandi, non satis constare possit); &c. ideo ratiocinium non habet, cui inferendo satis fidere possit.

Hinc non rara invenimus exempla navigantium, quibus in longis itineribus, ubi fuerint, non satis constiterit. Quare non levis hic toties ab ipsis audita fuit querela, dolentibus, quod non ipsis habeatur medium, postquam in errorem inciderint, ex eò iterum emergere.

Cognitionem longitudinis hîc respexerunt, tanquam filum Ariadneum e labyrintho securè reducens. Ex quò ipsis maximè semper fuit in votis, ut possit haberi medium inveniendi longitudinem tam solidum, quam medium est inveniendi latitudinem. Quomodò ii, cognitâ & latitudine, & longitudine, ex talibus, ubi sint, certi esse possint.

Quod aliquid navigantibus, postquam in longioribus itineribus in errorem, ratione longitudinis, inciderint, possit esse, quasi Index longitudinis, quodque illos in veram longitudinis cognitionem iterum reducere valeat, communiter in dubium vocatur. Sed, si mihi id dicere licebit, aliter sentio.

Fateor, quod ipse non credam, aliquid esse in Mundo Sublunari, quod huic rei satisfacere possit;

possit; sed certissimè mihi persuadeo, quod, si oculos supra nos dirigamus, in Astronomicis talem longitudinis indicem non deesse, qui solidà ratione, etiam in mari, tam præcisè possit indicare longitudinem, quam id ex observatione, calculoque Astronomicis expectandum.

Nolo hâc de re plura in Præfatione præmittere; potius Te, B. L. ad sequentia remittam, petens, Tuum velis, usque post absolutam lectionem, reque maturè consideratâ, suspendere iudicium. Vale.



(5)

SECTIO I.

Afferit possibilitatem inveniendi longitudinem Meridianorum ubicunque.

§. 1. **U**Tilissimum sanè est inventum de locis Telluris, duobus verbis ita se explicare, ut quivis, qui vel leviter doctrinam de globo tractaverit, qui noverit circulos Meridianorum, & Parallelorum, facile sibi concipiat sub titulo latitudinis & longitudinis, rōnē eorundem in glōbō terraqueō. Itaque si latitudo, & longitudo loci erunt cognitæ, res erit nullius difficultatis, ex intersectionibus dictorum circularum, in glōbō designare ejusdem situm. Ast quomodo perveniendum ad cognitionem & latitudinis & longitudinis, alia est res.

Latitudo & longitudo designant situm loci.

§. 2. Quod latitudo inveniat ex declinatione, Septentrionali & Meridionali, corporum Coelestium; & quod longitudinem venari ex Eclipsibus, tam Lunæ, quam Satellitum Jovis, sit solitum (colligendo nempe de distantia locorum, ex differentiâ temporis observationis, in horis respectu Meridianorum) res satis nota est. Et sanè hi modi sunt optimi, & in Theoriâ solidissimi; ast non putandi in praxi, ab omni errore *absolutè* immunes. Accuratissimi Observatores, iique accuratissimis Observationibus instructi, poterunt esse testes hujus mei asserti; cum exempla prostant, quod in pronunciandâ latitudine non cum aliorum, imò ne quidem cum propriâ, in iteratâ observatione, præcisè convenerint; quod in colligendâ longitudine præcisam exactitudinem inferre non valuerint.

Quanam fore esse praxi inveniendi latitudinem & longitudinem.

Difficillimum præcisissime invenire & unam, & alteram.

§. 3. Si causam quærimus, unde id? præsuppositâ observatione satis præcisâ, ratione latitudinis, præcipua erit refractio, aliqualis parallaxis, si observatio erit Solis; ratione longitudinis, quod collatio temporis præcisissima, & vix

Vnde id?

& vix expectanda requiratur, antequam ex Eclipsibus præcisissimè de longitudine decidi possit.

Navigantibus est usitatum ex Astronomicis inferre de latitudine. Sed latitudo ab ipsoscollecta, non putanda satis præcisa.

§. 4. Si itaque & accuratissimis observatoribus vix datur, ita inferre de latitudine, & longitudine, ut nec vel in minutiis aliquantulum discrepent, quis sibi concipiet, quod res sit tam facilis, invenire præcisam latitudinem, invenire præcisam longitudinem, dictis modis, & quidem ubicunque. Modi dicti inveniendi longitudinem requirunt ea, quæ ne quidem ejus usum admittunt ubicunque; quod verò attinet modum inveniendi latitudinem, ex declinatione corporum Cælestium, ille quidem in usum cedit ubicunque, & tam in mari, quam in terrâ; sed quis asseret, quod capta observatione in mari, ex nave agitata undis, pronunciata latitudo sit satis præcisa, sive negligatur, sive examinetur, quid valeat refraction? nec non, quid parallaxis, si observatio erit Solis.

Tam præcisa tamen, ut id navigantibus sufficere possit.

§. 5. Si quis hic contendet, quod modus inveniendi latitudinem, ex declinatione vel Solis vel Stellæ cujusdam fixæ, sit satis solidus in se, & quod, ex illâ inventa latitudo, etiam in ipso mari, possit æstimari tam præcisa, ut illa non valde a verò aberret; ad minimum, quod illi non talis insit error, qui navigantibus possit esse impedimento; imò quod esset optandum, ut modus possit haberi æquè solidus, inveniendi longitudinem in mari, quò non opus esset navigantibus, ratione hujus, meris conjecturis, licet rationalibus, esse contentos; quæ conjecturæ non valeant semel commissò errore, e labyrintho iterum reducere; si quis tale quid contendet, dico, ille absque omni difficultate me habebit assentientem.

Longitudo quoque in mari ex Astronomicis inveniri.

§. 6. Sed an non censendum, quod possit haberi modus in se æquè solidus inveniendi longitudinem, ac modus inveniendi latitudinem ex declinatione? ac modus inveniendi longitudinem ex Eclipsibus? & qui possit habere locum ubicunque? Ego sanè de eò diu fui persuasus, quod possit haberi modus æquè solidus; imò qui præcisè id ipsum præsupponat fundamentum, quod modus inveniendi longitudinem ex Eclipsibus, qui locum possit habere ubicunque. Repeto *ubicunque*, id est, tam in mari, quam in terrâ; in quâcunque latitudine; in quâcunque longitudine. Cum hic

hic majus erit dubium de mari, quam de terrâ, ideo in posterum, ubi de applicatione, vel de praxi agetur, solum tractabo hanc materiam, ratione inveniendæ longitudinis in mari; & minus dubito, quivis concedet, quod si hæc Methodus admittat praxin in mari, non esse scrupulum de ipsius praxi in terrâ, ubi longitudines jam sunt, nisi ubicunque præcisè, ad minimum proximè, cognitæ. Cum itaque asseruerim fundamentum solidum pro inveniendâ longitudine ubicunque, jam dicendum est de eodem.

§. 7. Notum est, quod motus Lunæ s. f. f. sit tam celer, ut Luna mediò suo motu, quovis minuto temporis conficiat sec. 33. forè s. f. f. in Zodiacò; notum quoque est, quod locus Zodiaci, qui Lunæ competet, sit quando id sit, & in quonam Meridianò Telluris ille sit in meridie, sit post minutum temporis in meridie, in Meridianò Telluris, distante a priori grad. 4. circiter (licet motus locorum Zodiaci differat respectu nostri a motu Equinoctialis, imò inter se pro diversâ illius latitudinè ab Eclipticâ, permissum tamen erit, hîc ex motu Equinoctialis loqui, tanquam mediò motu locorum Zodiaci). Quare post quovis minutum temporis Luna erit in meridie in Meridianò Telluris distante a priori gr. 4. circiter, mutâtô interim locô in Zodiacò sec. 33. ferè; id est, Luna in meridie in aliò atque aliò Meridianò Telluris occupat alium atque alium locum in Zodiacò; vel explicatius, cuique Meridiano telluris competit alius locus Lunæ, ita, ut in quovis Lunæ periodò, quidam Lunæ locus in meridie ipsi soli sit proprius.

§. 8. An non itaque Luna in se erit phænomenon satis aptum, ex quò de longitudine inferri possit, si res in commodum redigetur ordinem? Huic rei itaque impense studui, & confido, me per Dei gratiam, Methodum inveniendi longitudinem ex hoc fundamentò, ita redigisse in ordinem, ut illa in se solida asseri possit, atque quod, præsuppositâ satis præcisâ observatione, ex illâ tam præcisâ possit haberi longitudo, quam præcisus calculus Astronomicus ipse habendus; id est, absque notabili errore, ex assertò Astronomorum, quod per observationes, non in supputationibus de Lunâ, notabilem inveniunt errorem. Jam er-

ror non notabilis non magis erit impedimento inveniendæ longitudini, imprimis in mari; quam aliqualis error inveniendæ latitudini; & sufficiet, quod modus uterque sit æquè solidus.

Et quidem
Lunæ as-
censio recta.

§. 9. Luna itaque mihi est phænomenon, quod observandum, pro indagandâ longitudine. Sed sicut pro inveniendâ latitudine locorum, non consideratur latitudo corporum Cœlestium, sed ipsorum declinatio; sic quoque pro venandâ longitudine, ego non considerabam Lunæ longitudinem, sed ipsius ascensionem rectam; itaque misâ longitudine Lunæ, ascensio recta Lunæ, quæ ex aliô locô Lunæ in Zodiacô semper simul est alia, sola est, quam hæc Methodus respicit. Non obstante, quod illius motus in Æquinoctiali maximè sit inæqualis, hocque idè (ut loquar ex Theoriâ Lunæ a me conscriptâ) quod motus ascensionis rectæ Lunæ quasi sit mixtus; ex motu Lunæ in Eccentricô (ipsô inæquali, ratione apogæi æquati, semper mutantis locum); ex motu Lunæ, consideratô ad Orbitam, (maximè diversô, non solum ratione loci Lunæ in Eccentricô, sed & ratione diversæ distantie centri Eccentrici a centrô Telluris); ex motu Lunæ consideratô ad Eclipticam; & ex motu Lunæ considerato ad Æquinoctialem; ubi hæc vice omnes motus concurrunt accelerando; alterâ vice retardando motum ascensionis rectæ Lunæ; iterum alterâ vice hic accelerando, ille retardando, &c.

Quæ alia
atque alia
in aliô atque
aliô longitu-
dinis Meri-
dianô.

§. 10. Ex dictis itaque de ascensione rectâ Lunæ veritas habenda est non neganda: Quod Lunæ, præsentis in meridie, in aliô, atque aliô longitudinis Meridianô, ascensio recta sit alia, atque alia; hocque ita, ut in quâvis Lunæ periodô, quædam ascensio recta Lunæ, cuius Meridiano soli sit propria. Veritas quoque certa erit habenda: Quod, quenam illa sit ascensio recta Lunæ, præsentis in meridie, quæ, in quâcunque Lunæ periodô id sit, cuidam Meridiano Soli sit propria, possit prædicti ad Meridianum, (ad minimum absque notabili errore). An non itaque etiam oportebit, ut sit certum: Quod, sicut per supputationem, quenam illa sit ascensio recta Lunæ, præsentis in meridie, quæ, in quâcunque Lunæ periodô id sit, cuidam Meridiano Soli est propria, potest prædicti ad Meridianum; sic reciproce per observatio-

vationem, ex ascensione rectâ Lunæ præsentis in meridie, cui-
dam meridiano soli propriâ, possit inferri de meridiano? Vel,
An non, si quis observet ascensionem rectam Lunæ, sibi
præsentis in meridie, & inveniat, quod calculus astronomicus
tribuat ab ipsâ observatam ascensionem rectam Lunæ, in il-
lâ Lunæ periodô, in quam incidit tempus sue observationis,
certo cuidam meridiano, tanquam illi soli propriam; ille ju-
re inferre possit, locum sue observationis esse in eodem me-
ridiano, cui calculus illam ascensionem rectam Lunæ, præ-
sentis in meridie tribuit, tanquam ipsi soli propriam? An
non itaque Luna possit haberi fundamentum solidum
pro expiscendâ longitudine? An non ipsius ascensio recta
hîc æstimanda pro, indagandâ longitudine, quod decli-
natio Solis & Stellarum fixarum pro habendâ latitudine?
Itaque impossibilitas inveniendi longitudinem ubicunque,
ex his non tam erit in re ipsâ, quam in difficiliori appli-
catione illius ad praxin; id est: in modô observandi ascen-
sionem rectam Lunæ; & inferendi ex illâ, quis ille sit meri-
dianus, cui in illâ Lunæ periodô, in quam tempus observatio-
nis incidit, observata ascensio recta Lunæ, præsentis in meri-
die, tanquam ipsi soli propria, convenit?

SECTIO II.

*Explicat modum observandi; & ex observatione
inferendi; ubique solvendo, quod videtur, cui-
dam posse movere dubium.*

§. I. **Q**UOD primùm ex hâc methodô agendum est
observare Lunam, & cum ipsâ simul, vel
Stellam quandam fixam vel Solem. Hîc monere, quod in
observationibus Luminarum centra corporum sint atten-
denda forsan erit superfluum. Lunam methodus hæc ob-
servat, si id fieri potest, in meridie; vel si non, tam pro-
ximè ad meridiem, quam id fieri potest (gratiâ evitandi
defectum, oriundum a refractione & parallaxi, utrisque sic
vel uon vel parum longitudinem respicientibus); atten-
dendo

Primùm,
quod agen-
dum proin-
veniendâ
longitudine
est observa-
re.

Quædam
monita ob-
servationis
gratiâ.

dendo Lunæ distantiam in meridianis, si illa a meridie distiterit? & an illa fuerit orientalis, an occidentalis? *Stellam fixam* (si illa simul cum Lunâ observanda) *illa observat*, cujus ascensio recta est cognita, eligitque talem, quæ vel in meridie, vel meridiei proximior, (ob refractionem tunc vel non vel minus respicientem longitudinem); quæque circiter eandem cum Lunâ habet declinationem (quò eò minus sit timendum de errore ascensionis rectæ Lunæ, oriundo a deflexione a verâ meridie, si forsan observator ab illâ defleat); attendendo Stellæ fixæ distantiam a meridie in meridianis, & an illa fuerit orientalis, an occidentalis. *Solem* (si ille cum Lunâ simul observandus) *illa observat*, sicuti id occasio permittit; attendendo etiam ipsius distantiam a meridie in Meridianis, vel orientalem vel occidentalem, nisi forsan ille fuerit in meridie, & Luna distiterit ab eadem. In observatione Solis omni possibili studiò studeatur veræ meridiei, evitando, quantum possibile, errorem oriundum ex deflexione a verâ meridie; quæ deflexio majorem producat errorem distantiae ab invicem, in syderibus observatis diverfarum declinationum, quam in illis ejusdem circiter declinationis.

Distantia
corporum
coelestium
ab invicem.

§. 2. *Ex observatione colligit methodus distantiam corporum coelestium simul observatorum ab invicem*, hōc modō: Si alterum corpus coeleste fuerit observatum in meridie, & alterum extra meridiem, ipsa distantia a meridie est distantia corporum coelestium ab invicem. Si utraque sint observata extra meridiem, & ad eandem a meridie plagam, distantia corporum coelestium ab invicem habetur, subtrahendo distantiam minorem a majori; addendo distantias utrasque, si ad diversas plagas. Jam, ex sic collectâ distantia corporum coelestium ab invicem, *Methodus invenit ascensionem rectam Lunæ, si Stella quædam fixa simul sit observata cum Lunâ*, ita, ut distantiam corporum coelestium ab invicem addat ascensioni rectæ Stellæ fixæ, si Luna fuerit orientalis; subtrahat verò distantiam corporum coelestium ab invicem ex ascensione rectâ Stellæ fixæ, si Luna fuerit occidentalis. Quod, si verò Sol simul sit observatus cum Lunâ methodus invenit distantiam a Sole ad Lunam s. s. s. hōc modō:

Ascensio recta
Stellæ fixæ

Distantia a
Sole ad Lunam
nam s. s. s.

Ut si

Ut si Luna fuerit orientior, distantia corporum coelestium ab invicem sit ipsa distantia a Sole ad Lunam f. f. f. si verò Luna occidentior, complementum distantiae corporum coelestium ab invicem ad grad. 360 sit distantia a Sole ad Lunam f. f. f.

§. 3. „Hic praevideo, quod erunt, qui dubitabunt requisitam observationem in mari celebrari posse. Optem, ut sic sentientibus, possibilitatem observationis in ipso mari, tam verbis describere possem, quam illam exhibere poterit praxis, adhibito instrumento mihi concepto, huic usui satis commodo, si id manu artificis paratum habebitur. Quare de possibilitate observationis in mari quendam esse sollicitum, non est opus; sed vel ascensio recta Lunae, vel distantia a Sole ad Lunam f. f. f. in ipso mari, ex possibili observatione tam praecise haberi poterit, quam praecisae observationes tales ex nave expectandae.

Observatio in ipso mari locum habere potest.

§. 4. „Difficultas, quam sibi quis concipiet in eo, quod dicebatur, observandum esse Stellam fixam, quae eandem circiter cum Luna habeat declinationem, est levissima, quae esse potest. Si instrumentum observatorium a me conceptum in usum vocabitur, absque ut sit cognitum, vel quanam sit declinatio Lunae, vel quanam Stellae fixae, ex sola directione instrumenti, statim absque omni opera, apparebit, quanam Stellae fixae, eandem circiter cum Luna habebunt declinationem, quaeque consequenter observationi requisitae inservire sint aptae; quo haec difficultas cessabit.

Eligere Stellam, quae eandem circiter cum Luna habet declinationem facillimum.

§. 5. „Præterea forsan erunt, quibus dubium erit distantia corporum coelestium ab invicem, & consequenter ex illa inventa vel ascensio recta Lunae, vel distantia a Sole ad Lunam f. f. f.; Atque hoc ex eo, quod in observatione tam a verâ deflecti possit meridiæ, quam, quod refractio, & præterea in luminaribus parallaxis, possint defectum causari distantiae a meridiæ, ex qua habebatur distantia corporum coelestium ab invicem. Ad hæc: ut in observatione Lunae & Stellae fixae defectus oriundus sive a deflexione a verâ meridiæ, sive a refractione & parallaxi. quantum fieri potest, evitetur, jam est monitum §. 1. hujus Sectionis; & sic ex

Ad dubium, de distantia corporum coelestium ab invicem.

Si observatio erit Lunae & Stellae fixae.

illô parùm erit timendum de defectu distantiae corporum Cœlestium a meridie, consequenter & distantiarum corporum cœlestium ab invicem &c.

Si observatio
erit Lunæ &
Solis.

CONSIDERANDO

AN OBSERVATIO

ERIT OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

Modus corrigendi
errorem ori-
undum ex
refractione
& parallaxi.

Trigonometrice.

CONSIDERANDO

AN OBSERVATIO

ERIT OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

AN OBSERVANDA

§. 6. „ Sed sit *observatio Lunæ & Solis*; ibi quod attinet *deflexionem a verâ meridie*, illa, quantum possibile, evitetur, quæ, adhibitâ diligenti curâ, ita procul omni dubiô evitari poterit, ut intra tropicos de defectu non valde timendum. Quod verò attinet *refractionem & parallaxin*, si casus erit, ut *refractio & parallaxis*, precipuè tamen *refractio*, *crassiores* *causentur in distantia a meridie errorem*, (ut v. g. quando, Lunâ observatâ in meridie, distantia Solis a meridie sit major, Solque horizonti proximior), tunc ferè suaderem, observationem negligendam, expectando commodiorem. Casus tamen esse possunt, ubi prudentia astronomica (*quæ in omnibus observationibus consulenda*) rem commodiorem reddere potest; observando scil. Lunam non in meridie, sed distantem a meridie, si illa nihilominus supra horizontem erit elevatior; sicque Solem quoque meridiei proximior, & supra horizontem elevatior. Quod si verò prudentia Astronomica non inveniet, hæc rei satisfacere posse, & circumstantiæ observationem urgebunt, nec bene permittent illam differre, v. g. ob incertitudinem, quando iterum occasio dabitur observandi; tunc observatio est celebranda, uti id videbitur, & error distantiae a meridie corrigendus; quæ correctio tamen suâ non carebit difficultate; cum non omnia sint ratione refractionum, & parallaxium satis liquida.

§. 7. „ Modus corrigendi distantiam a meridie, si illa sit Solis, si Lunæ, si Stellæ fixæ, esset idem, (puta suô modô, cum Stellæ non conveniat parallaxis) & hic. Ante omnia sint cognita sequentia: nempe latitudo loci observationis, & ex ejus complementô ad grad. 90. arcus a vertice ad Polum, pro unô latere trianguli construendi; dein arcus a vertice ad corpus cœleste, observatum extra meridiem, pro alterô latere ejusdem trianguli, corrigendus tamen modô mox dicendô; ulterius; angulus ad verticem inter hæc duo latera. Correctio lateris, quod dat arcus a vertice us-

„ que ad corpus cœleste, observatum extra meridiem,
 „ fiat ita : ut refractio altitudini competens, addatur ar-
 „ cui a vertice usque ad corpus cœleste; & ut paralla-
 „ xis iterum subtrahatur, (si illa habet locum), ex eodem
 „ arcu, ut habeatur arcus a vertice usque ad corpus
 „ cœleste observatum correctus. Jam dictis duobus la-
 „ teribus addatur, pro tertiô latere trianguli construendi,
 „ arcus circuli majoris a Polô usque ad corpus cœleste
 „ observatum. Ex tribus cognitis hujus trianguli,
 „ inveniatur angulus ad Polum ex propos. 4^{ta} cap. 5^{ti}
 „ Vlaqvii de usu Tab. Sin. Tang. & Sec. qui angulus ex-
 „ primet tam præcisè distantiam corporis cœlestis in
 „ meridianis, quàm præcisè, tria supposita, fuere cog-
 „ nita. Tabulæ refractionum & parallaxium ex authori-
 „ bus peti possunt. Sed cum modus corrigendi distan-
 „ tiam descriptus, & trigonometricus, sit paulò opero-
 „ sior, nec forsan ex illô sit correctio putanda satis
 „ præcisa, (ob errorem faciliè irrepentem in unum vel
 „ alterum trium illorum, quæ requirebantur esse cognita);
 „ visum fuit addere minus operosum, & mechanicum
 „ (si illum hîc ita appellare licebit) in gratiam illorum,
 „ qui præferent minus operosum, quamvis non ex veris
 „ principiis collectum, consequenter nec in se verè
 „ præcîsum; qui, cum observationes maximâ parte se
 „ continebunt intra fines Tropicorum, vel ad minimum
 „ non ultra grad. 5. circiter extra Tropicos excedent,
 „ ut plurimum rei quodammodò satisfaciet; ubi, sicuti in
 „ modò trigonometricô tria requirebantur cognita, sic in
 „ hîc mechanicô unicum ex his tribus solum requiritur
 „ esse cognitum, nempe arcus a vertice usque ad corpus
 „ cœleste observatum, corrigendus eodem modò, ut
 „ supra.

Mechanicô

„ Tunc
 „ Sicut arcus a vertice usque ad corpus cœleste ob-
 „ servatus;

„ Ad distantiam ejusdem corporis cœlestis a meridi-
 „ observatam;

„ Sic arcus a vertice usque ad corpus cœleste correctus;

„ Ad distantiam ejusdem corporis cœlestis a meridi-
 „ rectam.

„ §. 8. Supra inveniebatur ex observationibus, vel ascen-

sio

sio recta Lunæ, vel distantia a Sole ad Lunam s.f.f. & hæ sunt, ex quarum alterâ, quæ nempe habetur, methodus de longitudine infert. Modus inferendi consistit in eo : ut (1) quidam eligatur meridianus, ad quem hæc Methodus possit comparare meridianum quæstionis; ut (2) eliciatur, ope ascensionis rectæ Lunæ observatæ, tempus observationis, in verâ horâ diei æqualis ad meridianum electum & suppositum; & (3) ut ex verâ horâ diei æqualis ad meridianum suppositum inferatur de longitudine meridiani quæstionis.

Modus inferendi de longitudine.

Quidam est eligendus meridianus, ad quem quivis meridianus quæstionis comparandus.

Ad dubium de Meridiano quinam eligendus.

§. 9. Itaque (1) quidam est eligendus meridianus. Ille vero non sit meridianus primus; cum, quod ille ne quidem ab omnibus idem habeatur; tum, quod ibi non detur observare, & ex observationibus figere epochas mobilium Solis & Lunæ, ipsi verè convenientes; sed alius quidam eligatur, v. g. celebrioris cujusdam observatorii; ad quem nempe potest esse cognitum, epochas mobilium Solis & Lunæ, satis bene esse applicatas. Dubio, quid hic de meridianò, quinam sit eligendus? proponi poterit; non aliò modò obviam ire scio, quàm optando, ut ex publicâ Authoritate, exque communi consensu, & electio talis Meridiani fieret; & Epochæ Mobilium Solis & Lunæ, electò Meridianò verè convenientes, per publicam prodirent impressionem. De cætero cujusvis prudentiæ id est committednum, quemnam ille eligeret meridianum, & quivis ipse cognosceret, quod præcipuus sit habendus respectus, ut epochæ mobilium Solis & Lunæ meridianò electò verè conveniant.

Tempus observationis est eligendum. Cognitio temporis proximior dabit commodiorem calculum.

§. 10. Eliciendum est (2) tempus observationis in horâ diei æqualis ad meridianum suppositum. Calculus hic erit eo commodior, quò proximior erit cognitio temporis observationis ad meridianum suppositum, antequam ille suscipitur. Quare pro cognitione temporis proximiori, in subsidium vocandum, quicquid potest. Cum de inveniendâ longitudine in mari majus erit dubium ac de illâ in terrâ, illius possibilitatem hîc maxime urgebo. In mari duo præcipue erunt media, quæ utraque, post brevè temporis spatium, a verâ longitudinis cognitione, tempus observationis proximè dare possunt.

Quam dare potest vel

§. 11. Alterum est longitudo, quæ supponitur, convenire

nire loco, quò observator observat; & ex illa longitudi- ^{longitudo}
 ne inveniri potest hora diei æqualis ad Meridianum sup- ^{credita.}
 positum, convertendo gradus distantiae s. f. f. a meridiano
 suppositò, usque ad meridianum observationis, in tempus,
 & subtrahendo sic inventum tempus ex horâ æqualis
 diei ad istum Meridianum, ubi celebratur observatio; quo-
 modo erit putandum, tempus diei æqualis ad meridianum
 suppositum, quodammodo esse cognitum, alterâ vice
 proximius, alterâ vice minùs proximè, prout nempe in
 suppositâ longitudine major, vel minor fuerit error. *Al-*
terum est horologium, quod semper indicet horas diei
 æqualis ad meridianum suppositum; cujus error (cum
 nullum sit horologium tam præcisum putandum, quod
 non a verò pedetentim aberret) semper semperque cor-
 rigatur ex quâvis observatione celebratâ, gratiâ invenien-
 dæ longitudinis; attendendo, quamnam illud ad observa-
 tionis tempus, indicet horam, tollendo dein ex inventâ ve-
 râ horâ errorem; quomodo minimè dubitandum, quod
 semper ex horologiò hora diei æqualis ad meridia-
 num suppositum quodammodo haberi possit, jam præci-
 sius, jam minus præcisè; pro bonitate nempe horologii,
 & pro longiori vel breviori morâ, ab eò, quò error ulti-
 mâ vice erat correctus.

Vel horolo-
 gium.

§. 12. Hic quivis ipse judicabit, quod (etiam intra tem- ^{Quæ duæ si}
 pus ab unâ observatione ad alteram) si alterò modò inven- ^{convenient,}
 ta hora diei æqualis ad meridianum suppositum, benè ^{probabili ra-}
 conveniet, cum horâ diei æqualis ad meridianum suppo- ^{ti one verum}
 situm inventâ modò alterò; *ex tali consensu satis probabi-*
lem esse colligendam conjecturam cognite veræ longitudinis,
veræque horæ diei æqualis ad meridianum suppositum; cùm
 non facile continget, in unò & alterò, eòdem modò, es-
 se erratum; quod verò, si alterò modò inventa hora, non
 benè conveniet, cum horâ inventâ modò alterò, eò con-
 fusior sit habenda cognitio longitudinis, & veræ horæ
 diei æqualis ad meridianum suppositum, quò minus illæ
 horæ, diversò modò collectæ, convenient. *Quæ quasi*
in parenthesi sint dicta.

Quomodo
 verum ob-
 servationis
 tempus eli-
 ciatur.

§. 13. *Ex suppositâ horâ diei æqualis ad meridianum* ^{Quomodo}
suppositum, collectâ sive hòc, sive illò modò, sive, si illæ ^{verum ob-}
 inter se non convenerint, ex terminò mediò, inter easdem, ^{servationis}
 vel.

vel si cognitio temporis proximior deest, ex horâ electâ ex æquò bonò, jam tractetur calculus. Atque ex hoc, si simul cum Lunâ sit observata Stella quædam fixa, indagetur, quænam sit ascensio recta Lunæ suppositi temporis; ascensio recta Lunæ, collecta ex calculò, conferatur cum ascensione rectâ Lunæ observatæ; ex differentiâ inter illas, inferatur de tempore observationis præcisiori, hõc modò, ut tempori, ex quò calculus collectus, vel addatur, vel ab illò dematur, tantum, quantum ex motu mediò Lunæ colligetur. Quod si differentia hic non fuerit nisi levis (uti non erit, quantempus, ex quò supputatur, proximè erit supputationis tempus) sic correctum tempus, tam proximè haberi potest tempus observationis, ut illud ulteriori correctione non egeat, nisi ultima desiderabitur exactitudo; (licet enim, motum ascensionis rectæ Lunæ, maximè inæqualem, verè differre a motu mediò Lunæ æquali, sit certum, inde tamen in angustiori temporis spatiò, non proveniet error magni momenti). Quod si verò differentia erit major inter ascensionem rectam Lunæ ex calculò, & illam ex observatione collectam, tunc ex illò tempore, quod ex motu mediò Lunæ est correctum novus repetatur calculus, gratiâ inveniendæ ascensionis rectæ Lunæ hujus temporis, & ex collatione ascensionis rectæ altera vice inventæ, & ascensionis rectæ observatæ, denuò corrigatur tempus, quod ulteriori correctione non egebit; exceptò casu desideratæ ultimæ exactitudinis; vel majoris erroris, temporis primum suppositi; sed jam correctâ hora haberi potest, satis præcisè, correctâ vera hora æqualis diei ad meridianum suppositum, illius temporis, quò observatio celebrabatur.

Si simul cum
Lunâ sit ob-
servatus Sol.

§. 14. *Quod si verò simul cum Lunâ sit observatus Sol, cujus ascensio recta sensibiliter alia atque alia, secus ac Stellarum fixarum, ex illò tempore, quod supponitur proximè observationis tempus (1) supputetur ascensio recta Solis, (2) supputetur & ascensio recta Lunæ (3) ex utrisque colligatur distantia a Sole ad Lunam s. f. f. subtrahendo ascensionem rectam Solis ex ascensione rectâ Lunæ. Jam corrigatur ex discrepantiâ, inter distantiam luminarium observatam, & distantiam ex calculò inventam, tempus observationis, hocque ex motu longitudinis Solis, & motu mediò Lunæ, ita, ut id distantiam a Sole ad Lunam*

Lunam f. l. f. observatam indicet. Tempus ita correctum, si discrepantia fuerit levis, putandum satis præcisum (cùm & hic, sicuti in §. antec. in brevi temporis spatiò differentia inter motum ascensionis rectæ Lunæ, & motum medium Lunæ non potest causari errorem alicujus momenti; minorem differentia inter ascensionem rectam Solis & longitudinis Solis); quod si verò discrepantia fuerit major, tum ex tempore correctò, novus est repetendus calculus, sicuti in tali casu novus dicebatur reiterandus, in observatione Stellæ fixæ simul cum Lunâ; corrigendo post absolutum calculum denuò tempus observationis; quod ulteriori correctione & hic non egebit, exceptis casibus supra nominatis.

§. 15. „ Quæ sunt dicta forsàn quibusdam injicient scrupulum de difficultate calculi, qui dicebatur colligendus pro eliciendò verò observationis tempore in horâ diei æqualis ad meridianum suppositum; sed qui rem bene considerabit, & hic nullum inveniet scrupulum. Certum enim est habendum, quod is, qui suscipit in se dirigere cursum navis; longioris itineris; per magnum Oceanum; hinc inde; ventis secundis, ventis adversis; ad dissitissimas Regiones; orientales, occidentales; sit æstimandus satis exercitatus in arithmeticis; sit censendus satis peritus trigonometriæ; imò astronomiæ. Quod si itaque certum erit, an putandum, quod tali, qui in dictis peritus; hic requisitus calculus, (in se verè non tam difficilis), injiciet scrupulum? An dubitandum, quod idem hunc calculi astronomici laborem lætus sit superaturus, si certus esse possit se satis proximè longitudinem posse habere. Interim tamen & hic supputanti potest inveniri subsidium commodioris calculi, si nempe ille secum habeat tabulas, quæ processum calculi arithmetici exhibent, cui ab ipsò solum numeri adscribendi: quarum specimen, exempla in sequentibus supputata, possunt haberi, si ibi numeri concipientur deleti.

Difficultas
calculi
non est mag-
ni momenti.

§. 16. Nunc (3) inferendum est ex horâ observationis de longitudine loci quæstionis. Cognita jam habetur horâ diei æqualis ad meridianum suppositum, temporis observationis. Hora diei æqualis ad meridianum quæstionis, temporis ejusdem,

Ex inven-
tempore de
longitudine
inferendum
est.

dem, habenda esset ita, ut tempore observationis, *hora diei Solaris* petatur vel ex sciatericò, vel ex horologiò, cujus index sive die eòdem, si observatio erit P. M. sive die proximè antecedente, si observatio erit A. M. præcisè dirigebatur ad horam 12^{am}, quando Sol observabatur in meridie; utque *hora diei Solaris æquetur* in horam diei æqualis, ex præceptis æquationis temporis. Cognitis verò horis utriusque meridiani, superfluum erit dicere, quomodo comparatio meridiani quæstionis sit habenda ad meridianum suppositum; cum illa sit eadem, quæ invenienda longitudinis ex eclipsibus.

Vel inveniendo comparationem ex horis meridianorum.

Vel ex distantia locorum Æquinoctialis &c.

§. 17. Sed, quàm præcisè sic invenietur hora diei æqualis ad meridianum quæstionis, quivis ipse judicabit; potius itaque præferrem comparationem utriusque meridiani, ex distantia locorum æquinoctialis, qui tempore observationis erant in meridie in utroque meridiano. Modus procedendi erit hic: Locus æquinoctialis, in meridie in meridianò quæstionis, tempore observationis, habetur ex ascensione recta Lunæ, hóc modò, ut, si Luna sit observata in meridie, ipsa ascensio recta Lunæ sit locus æquinoctialis quæsitus; si verò Luna distiterit a meridie, distantia Lunæ a meridie addatur ascensioni rectæ Lunæ, si distantia fuerit ad occidentem; subtrahatur verò si ad orientem; ut habeatur locus æquinoctialis, qui tempore observationis erat in meridie in meridianò quæstionis. Locus autem æquinoctialis, in meridie in meridianò supposito, tempore observationis, habetur ita: ut ex tabulis longitudinis Solis meridianum suppositum colligatur longitudo Solis, meridiei diei æqualis proximè antecedentis; & locus æquinoctialis eorundem graduum ab Æquinoctiò vernò, qui longitudinis Solis hujus temporis, est in meridie, hóc eòdem tempore, in meridianò supposito, (ex illis, quæ sunt dicta in Tract. de motu Stellarum fixarum, Solis, & imprimis Lune de æquatione temporis). Tunc horæ & minuta, a meridie diei æqualis, usque ad tempus observationis, convertantur in gradus æquinoctialis, qui addantur loco æquinoctialis, qui erat tempore antecedentis meridiei diei æqualis in meridie in meridianò supposito, ut habeatur locus æquinoctialis, qui tempore observationis in meridie in meridianò supposito.

§. 18. Jam cognitis locis æquinoctialis, qui tempore observationis in meridie in utrôque meridiano, inferuntur de illorum distantia ab invicem, pro comparatione meridiani, questionis ad meridianum suppositum. Subtrahatur itaque locus æquinoctialis in meridie in meridiano supposito, & locò æquinoctialis in meridie in meridiano questionis, ut habeatur *distantia loci æquinoctialis in meridie in meridiano questionis* s. f. f. a locò æquinoctialis in meridie in meridiano supposito. Et eadem est distantia meridiani questionis s. f. f. a meridiano supposito; ex eò nempe, quod æquinoctialis & æquator telluris sint censendi duo circuli, ex eodem centrò, & in eodem planò. Si itaque hæc inventa distantia addetur longitudini meridiani suppositi, inde habetur *longitudo meridiani questionis*. Ecce modum inveniendæ longitudinis ex methodò proposità.

Distantia loci observationis, qui tempore observationis in meridie in meridiano questionis s. f. f. ab illò qui in meridie in meridiano supposito invenitur.

Et ex hac distantia meridiani questionis s. f. f. a meridiano supposito. Ex quâ tandem innoscitur longitudo questionis.

§. 19. „ Hic non prævideo, quod aliquod possit fingi „ dubium contra hanc methodum, nisi forsan quis sibi „ concipiet, quod id, quod dantur dies, quibus Luna in se „ non inservire possit observationi, scil. quibus illa Soli vicinior, huic methodo magno possit esse impedimento. Sed si res bene considerabitur, hoc dubium non erit tanti aestimandum, quanti id primò intuitu videbitur. Nam „ (1) tempus, quò Luna non inservire potest observationi, non est in quavis Lunæ periodò, nisi quando Luna non distat a Sole nisi sign. 1. circiter; nam sæpius vidi Lunam in distantia a Sole sign. 1. grad. 5. aliquando proximius, nudis oculis, Sole lucide splendente, (forfan dari possunt subsidia applicanda in mari, quorum ope Luna adhuc videri potest, postquam illa jam nudum fugit visum). Jam (2) ne quidem omnem tempus, quò Luna nostrum fugit visum erit considerandum. Quot enim per annum erunt dies, quibus Luna ob vicinitatem Solis non est conspicua qui omnibus observationibus astronomicis sunt inidonei, ob eorum nubibus obvelatum. Hi itaque non sunt numerandi inter illos, quibus Lunæ gratiâ, observatio non habet locum, (nam sive Luna potuisset inservire observationi, sive non, res fuisset eadem); sed solum ii, quibus cælum serenum observationem permisisset. Illo-

interdum Luna non, sit conspicua ob vicinitatem Solis.

rum verò numerus, si per totum annum colligetur, verè putandus erit satis exiguus.

Attamen ob-
servaciones
ex hac me-
thodò pos-
sunt esse &
satis fre-
quentes &
sufficientes.

§. 20. „ Ad minimum plus quàm certum erit, quod observationes ex hac methodò futuræ sint tam frequen-
tes, ut illæ sufficere possint in ipsò mari; (ubi consue-
tum est quotidie inferre de navis cursu, per conjectu-
ram verè rationalem); hocque ex eò, quod observatio
pro longitudine, non magis sit quòvis die de necessita-
te, ac observatio pro latitudine. Nam sicuti sufficit
observatio astronomica pro latitudine, quando id oc-
casio permittit; sic etiam sufficiet observatio astrono-
mica pro longitudine, quando id occasio permittet;
pro corrigendis, vel confirmandis conceptibus, ex con-
jecturâ rationali collectis. Ergò dubium, quod Luna
non semper inserviat observationi, non est alicujus mo-
menti; cum observationes possint haberi & satis frequen-
tes, & sufficientes; sudò id permittente cœlò.

Quod obser-
vationes vel
magis vel
minùs com-
modæ inve-
niendæ lati-
tudini.

§. 21. Antequam ad Sectionem 3^{ti}am transgrediar, di-
cam id, quod facile quivis ipse animadvertet; nempe,
Quod non omnes observationes Lunæ sint inveniendæ
longitudini æquè commodæ; *Quod* observationes Lunæ,
& simul Stellæ fixæ, non neglectis mōitis §. 1. hujus
Sectionis, inter omnes meritò primum occupent locum,
hocque eò magis, quò Luna & Stella erunt supra Hori-
zontem elevationes; *Quod*, ubi Luna & Sol simul obser-
vabuntur, tales observationes non semper sint æquè com-
modæ; *Quod* consequenter ex alterâ observatione præ-
cisior sit expectanda longitudo, quàm ex alterâ; *Quod*
observationes inveniendæ longitudini minùs idoneæ (v.g.
ubi vel Sol vel Luna erit, & a meridie remotior, & Ho-
rizonti proximior; locus verò observationis Polis vicini-
or) potius negligendæ, quàm celebrandæ (ob minùs cog-
nitam refractionem in locis, Polis vicinioribus;) quâ de re
Prudentia Astronomica ipsa distinctius judicabit.

SECTIO III.

SECTIO III.

Applicat ea, quæ hætenus dicta, per exempla ad praxin, concludendo hanc methodum esse solidam, & demonstrativam.

§. 1. **M**odus inferendi de longitudine, hætenus Modus inferendi in praxi. descriptus, jam apparebit, in compendio quasi, per exempla. In quibus calculum tractabo ex principis & tabulis theoriæ Lunæ a me conscriptæ ad meridianum ibi dictum N. Vocando in usum Kepleri Logarithmos, Antilogarithmos, & Mesologarithmos, sicut & Logarithmos, Trichil-hexacos. Solum tamen positivos, (utendo potius in positivis parte proportionali, quam admittendo Logarithmos privativos, idè, quod datis arcibus, unò gradu majoribus, Logarithmi privativi non convenient exactè). Et horum usus meritò est commendandus, ob longè commodum ex istis calculum. Calculò ex theoriâ Lunæ a me conscriptâ usus sum, ut eundem & hîc tentem. Non tamen nego, quod mihi facilius videatur calculus ex meâ theoriâ. Cui confido exactitudinem non deesse, si modò *vera habebuntur epoche motuum Lunæ, veræque erunt cognite maxime equationes ad orbitam in maximâ, sicut & in minimâ eccentricitate centri eccentrici a centro telluris, ut vera ex illis possit erui circumlorum proportio; veræque habeatur latitudo ventrum draconis; (uti id in illâ fuit in votis).* Quæ desiderata ex observationibus addisci posse, minime dubitandum. Supputanti placeat sequi præcepta de calculò Lunæ Autharis Celeberrimi, quem eligere ipsi placebit.

§. 2. *His præmissis jam supponam exemplum observationis nocturnæ, & quidem hoc: Luna sit observata An. 1725. die 2. Jan. stil. Gregor. & ex horolog. sit hora diei equalis ad meridianum suppositum post meridiem hor. 3. min. 10. sec. 00.* Luna sit observata in meridie, & cum Lunâ simul, Stella quædam fixa, cujus ascensio recta erat cognita; exque harum comparatione sit inventa ascensio recta Lunæ tempore

Exemplum
primum.

pore observationis gr. 152. 20. 15. Calculus jam est du-
cendus ex An. 1724. compl. d. 2 Jan. hor. 3. min. 10.
sec. 0. & hōc tempore est

Motus medius Lunæ sign. 4. 22. 14. 54.

Centrum eccentrici in centro-cyclo sign. 3. 5. 5. 53.

Luna in eccentrico sign. 8. 27. 40. 0.

Corpus draconis sign. 1. 13. 35. 15.

Ex locō centri eccentrici in centri-cyclo est.

Distantia centri eccentrici a centro Telluris 11042.

Differentia inter apog. ver. & æqu. grad. 12. 14. 25. subt.

Ergo locus Lunæ in eccentrico ab apog. æquat. sign.
8. 15. 27. 39.

Consequenter in Δlo obliquang. construendō pro inve-
niendā æquatione ad orbitam duo anguli incogniti jun-
cti sunt gr. 164. 34. 25.

Illorumque semissis gr. 52. 17. 12.

ergo

Sicut duo latera cognita juncta;

Ad differentiam inter illa;

Sic tangens semissis duorum angulor. incognitorum
junctorum;

Ad tangentem graduum subtrahendorum e semisse duo-
rum angulorum incognitorum junctorum, pro habendā
æquatione ad orbitam, id est:

111042 — 8898 — gr. 52. 17. 12. — gr. 46. 0. 49.

log. trichil. log. trichil. Melolog. Melolog.

66737 — 88712 — 25714 — 3530. ergo

Æquatio ad orbitam est gr. 6. 16. 23. addenda. conf.

Locus Lunæ ad orbitam est sign. 4. 28. 31. 17.

Jam: Distantia long. Solis a ☉ est sign. 7. 28. 32. 37.
ex quā latitudo ventrum draconis gr. 5. 12. 51.

Distantia loci Lunæ ad orbitam a ☉ sign. 3. 14. 56. 2.

Ergo a propiori nodo gr. 75. 3. 58. Tunc

Sicut finis totus;

Ad co-sinum latitudinis ventrum draconis;

Sic tangens distantie loci Lunæ ad orbitam a propio-
ri nodo;

Ad tangentem distantie loci Lunæ ad Eclipticam ab
eodem nodo, id est;

111043 — 88957 — gr. 52. 24. 35 — gr. 46. 8. 24.
 log. trich. 8 log. trichil. Mesolog. Mesolog.
 66536 88713 — 26158. — 3981. ergo
 Aequatio ad orbitam est gr. 6. 16. 11. addend. conseq
Locus Lunæ ad orbitam sign. 4. 28. 16. 9. Jam
 Distantia long. Solis a ☉ est sign. 7. 28. 31. 27. ex qua
 Latitudo ventrum draconis gr. 5. 12. 51.
 Distantia loci Lunæ ad orbitam a ☉ est sign. 3. 14. 40.
 51. ergo a propiori modo gr. 75. 19. 9. Tunc
 gr. 90 — gr. 5. 12. 51 — gr. 75. 19. 9 — gr. 75. 15. 40.
 logar. antilog. Mesolog. Mesolog.
 0. 7. 7. 8 412 133946 133534 ergo
 Aequatio ad Eclipticam min. 3. 29. addend. Itaque
Locus Lunæ ad Eclipticam sign. 4. 28. 19. 38. Iterum
 gr. 90 — gr. 5. 12. 51 — gr. 75. 19. 9 — gr. 5. 2. 38.
 logar. logar. logar. logar.
 0. 239823 3319 243136 ergo
 Latitudo Lunæ gr. 5. 2. 38 Septentrion. conseq.
 Ascensio recta Lunæ gr. 152. 19. 20.
 Ascensio recta Lunæ quæ habebatur observata erat
 gr. 152. 19. 15.
 Hæc supputata gr. 152. 19. 20. ergo
 Ascensionem rectæ supputatæ desunt sec. 55.
 Pro hisce sec. 55. addit medius motus Lunæ minut.
 temporis 11. sec. 40. Et tempus observationis in hora diei æ-
 qualis ad Meridianum suppositum est satis præcisum habend-
 um hor. 2. m. 44. sec. 28; & æstimandum eò tempore
 Lunæ convenisse ascensionem rectam ex observatione col-
 lectam..
 §. 4. Assumam itaque hoc observationis tempus ad meri-
 dianum suppositum. Si jam sciretur hora diei æqualis
 ad meridianum in quò Lunæ observata erat in meridie,
 comparatio unius meridiani ad alterum posset haberi ex
 differentiâ horæ unius & alterius, more solito. Sed
 prætereundo hunc comparandi modum, ex comparatio-
 ne, de quâ dictum §. 17. & 18. Sectionis 2^æ inferam de
 distantia meridiani, in quò Luna observata erat in me-
 ridie, a meridiano supposito.

An. 1724. compl. die 2 Jan. hor. o. longitudo Solis in meridie in meridianò supposito est sign. 9. 12. 0. 4

Hora duæ conversæ in tempus dant 30. 4. 56

Minuta 44 11. 1. 48

Sec. 28 7. 1

Aggregatum sign. 10. 23. 13. 49.

Id est: Locus æquinoctialis, qui tempore observationis erat in meridie in meridianò supposito erat gr. 323. 13. 49.

Locus æquinoctialis in meridia in meridianò, in quò Luna erat, est ipsa ascensio recta Lunæ, id est, gr. 152. 20. 15.

Ergo subtractò priori e posteriori, locus æquinoctialis, qui erat ascensio recta Lunæ distat f. f. f. a loco æquinoctialis, qui erat in meridie in meridianò supposito gr. 189. 6. 26.

Et totidem gradus distat f. f. f. meridianus, in quò Luna in meridie, a meridianò supposito, id est: Longitudo meridiani, in quò Luna tempore observationis erat in meridie est N. †gr. 189. 6. 26.

§. 5. Addendum etiam erit exemplum observationis, Exemplum secundum.

ubi Sol supponitur observatus simul cum Lunâ. Luna sit observata An. 1725. die 9 Jan. & ex horalogiò sit hora diei equalis ad meridianum suppositum post mediam noctem hor. o. m. 46. Luna sit observata in meridie, & distantia a Sole ad Lunam f. f. f. sit collecta grad. 295. 36. 40. Calculus est ducendus ex An. 1724. die 8 Jan. hor. 12. min.

46. Tuncque est.

Longitudo solis sign. 9. 18. 26. 21.

Sol in epicyclò sign. 6. 10. 34. 46. ex quâ

Equatio min. 21. 46. addenda. quare

Verus locus Solis sign. 9. 18. 48. 6. & ex hoc

Ascensio recta Solis gr. 290. 21. 59

Locus medius Lunæ est sign. 7. 16. 34. 38.

Centrum eccentrici in centrocyclò sign. 3. 16. 17. 16.

Luna in eccentricò sign. 11. 21. 16. 56.

Caput draconis sign. 1. 13. 14. 55.

Ex locò centri Eccentrici in centrocyclò est

Distantia centri eccentrici a centrò telluris: 10578.

Differentia inter apog. ver. & æqu. gr. 12. 18. 25. subtrah. ergo

Locus Lunæ in eccentricò ab apog. æqu. sign. 11. 8. 58. 31.

Conf. in Δ lo obliq. constr. pro habenda æquatione ad orbitam duo anguli incogniti juncti sunt gr. 21. 1. 19.

Eorumque semissis gr. 10. 30. 44. quare

110578 — 89422 — gr. 10. 30. 44 — gr. 8. 32. 2.

log. trich. log. trich. Mesolog. Mesolog.

66956 88191 †168438 †189673. ergo

Æquatio ad orbitam gr. 1. 58. 42 addend. conseq.

Locus Lunæ ad orbitam sign. 7. 18. 33. 20.

Distantia longitudinis Solis a Ω est sign. 8. 5. 11. 25.

Ex quâ latitudo ventrum draconis gr. 5. 14. 37.

Distantia loci Lunæ ad orbitam a Ω est sign. 6. 5. 18. 25.

Ergo a propiori nodô gr. 5. 18. 25. Tunc

gr. 90 — gr. 5. 14. 37 — gr. 5. 18. 25 — gr. 5. 17. 6.

logar. antilog. Mesolog. Mesolog.

o. 419 †237635 †238054. ergo

Æquatio ad eclipticam est min. 1. sec. 19. subtrah. itaque

Locus Lunæ ad eclipticam est sign. 7. 18. 32. 1. Iterum

gr. 90 — gr. 5. 14. 37 — gr. 5. 18. 25 — gr. 0. 29. 4.

logar. logar. logar. logar.

o. 239261 238064 477325. ergo

Latitudo Lunæ gr. 0. 29. 4. meridon. conseq.

Ascensio recta Lunæ gr. 225. 55. 23.

Ascensio recta Solis erat gr. 290. 21. 59.

Ascensio recta Lunæ jam supputata gr. 225. 55. 23.

Ergo subtractâ prioris posteriori est

Distantia a Sole ad Lunam s. s. s. ex supputatione gr. 295.

33. 24.

Illâ erat ex observatione. gr. 295. 36. 40. ergo

Luna non tantum distat a Sole s. s. s. ex calculô, quantum ex observatione, & dissensus est m. 3. 16.

Addatur itaque tempori, ex quô supputabatur tantum, quantum ex motu long. Solis, & motu mediô Lunæ colligi potest, id est, minuta temporis 6 sec. 29. & tunc crit

Ascensio recta Solis gr. 290. 22. 15.

Ascensio recta Lunæ gr. 225. 58. 56. ergo

Distantia a Sole ad Lunam. s. s. s. gr. 295. 36. 41. quæ

distantia convenit cum observatâ.

Si itaque illâ minuta temporis 6 sec. 29. addentur tempori, ex quô supputabatur, quod erat hor. 12. min. 46. habetur hor. 12. min. 52. sec. 29. Et hoc est habendum tem-

pus diei æqualis ad meridianum suppositum satis proximè. Ex cognitō hōc observationis tempore; cognitāque ascensione rectā Lunæ modus comparationis unius meridiani ad alterum pro indagandā longitudine meridiani quæstionis, est idem, qui in exemplo primō.

§. 6. Non forsan abs re erit, monere, quod si continget ob nubes vagantes, ut Luna & Stella quædam fixa; vel Luna & Sol; simul observari nequeant, non omnino rejicienda observatio unius corporis cœlestis post alterum, sed quod illa in usum possit cedere, intermediō horologiō. Sed in tali casu, assumatur tempus observationis Lunæ, uti id horologium indicat, & tempus inter unam & alteram observationem convertatur in gradus æquinoctialis, qui gradus vel addantur distantiae corporis cœlestis a meridie, vel subtrahantur ex eadem, prout id res postulat, ut habeatur distantia a meridie corporis cœlestis temporis observationis Lunæ; & tunc operetur, sicuti in exemplis antecedentibus. Nec ex observatione corporis cœlestis alterius post alterum erit timendus error magni momenti ratione temporis, si modò horologium erit debitæ bonitatis, neque mora fuerit longior inter observationes. Hoc tamen attendendum, quod Solis ascensio recta patiatur alterationem, si circumstantiæ necessitabunt, ut longior sit mora inter observationem & observationem; illa verò alteratio ascensionis rectæ Solis corrigi poterit ex motu longitudinis Solis.

Observatio
corporis
cœlestis
alterius post
alterum non
omnino est
rejicienda.

§. 7. *Jam, an non ex dictis methodi propositæ fundamentum æquè sit solidum, ac modi captandi latitudinem ex declinatione? An non fundamentum sit præcisè id ipsum, quod modi venandi longitudinem ex eclipsibus? Itaque methodus vel habenda solida, vel dicendum, quod Astrologia nondum illum exactitudinis gradum attigerit, ut illa possit calculos colligere astronomicos absque notabili errore, uti id asseritur. Et licet in praxi, & observatione imprimis in mari, non eadem poterit expectari exactitudo, quæ in theoriâ est soliditas; hoc tamen nihil aliud est, quàm quod huic methodo cum aliis inveniendis ex observationibus in mari est commune. Quare, si quis tale quid contra hanc methodum objiciet, ille & feriet methodum inveniendi latitudinem ex declinatione corporis cujusdam cœlestis; ille & fe-*

riet modum indagandi veram septentrionem ex amplitudine ortivâ & occiduâ alicujus syderis pro corrigendâ declinatione acûs magneticæ. An latitudo inventa in mari ex declinatione, censenda verè præcisa? An Septentrio reperta in mari ex amplitudine, existimanda absque errore? Sanè neque una neque altera erit absque defectu nisi forsan id casu. Sed; An id imputandum rei ipsi? An itaque hic vel ille modus rejicitur? An error commissus, vel in unô vel in alterô, navigantibus habetur impedimento? Sanè non. An itaque magis poterit imputari propositæ methodo error, qui hîc committetur? An illa ob id magis rejicienda, ac modus inveniendi latitudinem ex declinatione? ac modus indagandi veram septentrionem ex amplitudine, pro corrigendâ declinatione acûs magneticæ; An hîc commissus error ita erit impedimento navigantibus, ut ille hîc magis hanc invertat methodum, quàm illic illos modos? Neminem, rem bene considerantem, ita sentire, mihi persuadeo. Fundamentum itaque manet hic solidum; manet demonstrativum; & *quamdiu Astronomia non accusabitur calculi erronei, veritas erit habenda non neganda: Quod proposita methodus inveniendi longitudinem meridianorum in se sit æquè solida, æquè demonstrativa; ac methodus inveniendi latitudinem ex declinatione; ac methodus inveniendi longitudinem ex Eclipsibus.*



A Nimus erat, quæ in Præfatione Thesium de Acû Magneticâ promittebantur, eò in lucem emittere ordine, quò id ibi indicabatur. Sed, circumstantiis id suadentibus, mutavi consilium, hanc præmittendo *Methodum inveniendi Longitudinem*, &c. inprimis cum hæc alterum tractatulum, qui inscribitur: *De motu Stellarum Fixarum Solis, & inprimis Lune*, &c. non respiciat, exceptis §. 9. Sect. 1; præcipuè verò exemplis, datis Sect. 3. quorum calculus ducitur: ex tabulis reperiundis, & ad modum descriptum, in illò *De Motu Stellarum Fixarum*, &c. Promptè tamen sequetur, qui primus destinatus erat prelo, utpote, qui totus paratus prodire.

Alterum est, quod in huiusmodi Libellum de A
Magnifico promittitur, sed in locum emittit
ordine, quo id indicatur. Sed, circumstantiis id
inducitur, mutari consuevit, hanc promittendo A
libellum inveniunt, Libellum, &c. inquit cum hoc
alterum tractatum, qui indicatur: De more Libellum
Libellum, &c. inquit Libellum, &c. non respicit, ex-
ceptis & c. Sed, & praecipue vero exemplis, datus Sed.
& c. quorum calculus datur: ex tabulis repetendis, &
ad modum descriptis, in illis De Magnifico Libellum
vult, &c. Libellum tamen indicat, qui prius des-
criptus erat puto, inquit, non prius puto.